

التناقض الشعاعي

Décroissance radioactive

الدرس الرابع

I. نواة الذرة (تذکیر) :

١. تركيب النواة:

النويات التي تكون نواة الذرة من جسيمات صغيرة تسمى تنقسم إلى نوعين هما:

- ♦ البروتونات التي يرمز لعددها بالرمز Z و يسمى عدد الشحنة أو العدد الذري أو عدد البروتونات، وهي ذات شحنة موجبة ($q=+e$)، وتقدر كتلتها بـ $1.674927 \cdot 10^{-27}$ Kg.

- ♦ النوتراتونات التي يرمز لعددها بالرمز N، وهي ذات شحنة منعدمة ($q=0$)، و تقدر كتلتها بـ $Kg\cdot 1.672622 \cdot 10^{-27}$.

يرمز لمجموع النوترنات والبروتونات بالحرف A، وبسمى عدد النويات أو عدد الكتلة بحيث: $A = Z + N$. كما يرمز لنواة عنصر كيميائي X بالرمز ${}_Z^AX$.

2. النفيّدات:

يطلق اسم النويدة (nucléide) على مجموع النوى التي لها نفس عدد البروتونات ونفس عدد النوترؤونات . و يرمز لها بالرمز A_Z^X

3. نظائر عنصر کیمیائی:

نعرف في وقتنا الراهن 118 عنصر كيميائي، لكن هناك أزيد من 1500 نويدة مختلفة، وهذا راجع لكون أن نفس العصر الكيميائي يمكن أن تقابلها عدة نويدات تختلف فيما بينها من حيث عدد النوترونات، تسمى هذه النويدات بالنظائر.

ومنه فإن **نظائر عنصر كيميائي** هي نوبيات تحتوي على البروتونات Z وأي من حيث قيم عدد النويات A.

4. كثافة المادة النووية:

حيث: $r = r_0 \cdot A^{1/3}$ مع $r_0 = 1,2 \cdot 10^{-15} \text{ m}$ شعاع ذرة الهيدروجين.

باعتبار أن الكتلة التقريرية لنوية واحدة هي $m = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ Kg}$ ، فإن القيمة التقريرية للكتلة الحجمية للنواة ذات الحجم : $V = (3/4) \cdot \pi \cdot r^3$ هي: $\rho = \frac{A \times m}{V} = \frac{A \times m}{\frac{3}{4} \cdot \pi \cdot r_0^3} = \rho$ و بتعويض r فإننا نجد: $\rho = 2,3 \cdot 10^{17} \text{ Kg/m}^3 = 2,3 \cdot 10^8 \text{ tonne/cm}^3$. (تفوق الكتلة الحجمية للأرض و للمشتري)

من هذا نستنتج أن المادة النووية شديدة الكثافة حيث أن مكعب ضلعيه 1cm من المادة النووية تبلغ كتلته 200 مليون طن. و هناك نجوم لها نفس هذه الكتلة الحجمية تعرف بالنجوم النيوترونية لأنها مكونة من نوترونات فقط و التي اكتشفت سنة 1968 ميلادية

II. النشاط الإشعاعي.

1. نشاط تاريخي:

اهتم الفيزيائي هنري بيكريل بدراسة ظاهرة استشعاع أملاح الأورانيوم، و هي ظاهرة تبعث خلالها هذه الألماح أشعة مرئية بعد تعريضها لفترة من الزمن لأنشعة الشمس.

في 26 فبراير 1896م، كانت سماء باريس غائمة، مما منع بيكريل على تعريض أملاح الأورانيوم لأنشعة الشمس، فوضعها في درج مكتبه مع صفائح فوتوغرافية مكسوة بغشاء من ورق سميك أسود و معتم. و في مارس من نفس السنة قام بيكريل بتحميس الصفائح الفوتوغرافية فلاحظ بانبهار كبير أنها متأثرة، رغم عدم تعريضها لأنشعة الشمس.

و هكذا اكتشف بيكريل أن أملاح الأورانيوم تبعث تلقائياً أشعة غير مرئية تترك آثاراً على الصفائح الفوتوغرافية. و قد أثبت بعد ذلك أن قابلية بعث الأشعة هي خاصية لعنصر الأورانيوم، و سمي هذه الأشعة بـ "الأشعة الأورانية".

و ابتداء من سنة 1898م، لاحظ الفيزيائيان ببير كوري و زوجته ماري كوري أن عنصر الثوريوم يبعث أيضاً الأشعة الأورانية المكتشفة من طرف بيكريل.

تل ذلك عدة أبحاث أدت إلى تعرف و تصنيف الأشعة المنبعثة من المواد المشعة، حيث تعرف الفيزيائيان الإنجليزيان إرنست رذرфорد و فريديريك صودي على الأشعة المنبعثة من الأورانيوم $^{238}\text{U} \rightarrow ^{234}\text{Th} + ^4\text{He}$. في سنة 1900م، تعرف بيكريل على نوع آخر من الإشعاعات النووية وهو الإشعاع بيتا β . و هو عبارة عن انبعاث إلكترونات من نوى الثيريوم وفق المعادلة: $^{234}\text{Th} \rightarrow ^{90}\text{Pa} + ^0\text{e}$.

بعد ذلك أبرز الفرنسي بول فيلار وجود الأشعة غاما γ و هي عبارة عن موجات كهرومغناطيسية غير مرئية. أدت كل هذه الاكتشافات و تطبيقاتها إلى تطور و إغناء المعارف حول طبيعة نواة الذرة.



هنري بيكريل
1852م - 1908م
جائزة نوبل 1903م



إرنست رذرфорد
1871م - 1937م
جائزة نوبل 1908م



ماري كوري
1867م - 1934م
جيزة نوبل 1903م و 1911م



بير كوري
1859م - 1906م
جيزة نوبل 1903م

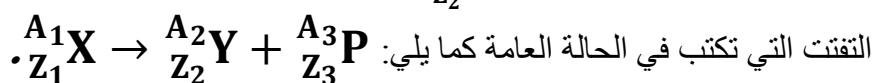


هنري بيكريل
1852م - 1908م
جيزة نوبل 1903م

- (1) ماذا تعني كلمة استشعاع؟
الاستشعاع ظاهرة يبعث خلالها عنصر كيميائي أشعة مرئية بعد تعريضه لأنشعة الضوء.
- (2) كيف اكتشف بيكريل أن أملاح الأورانيوم تبعث أشعة مرئية؟
لاحظ تأثير الصفائح الفوتوغرافية رغم عدم تعريضها لأنشعة الشمس.
- (3) هل تم اكتشاف ظاهرة النشاط الإشعاعي بالصدفة أم كان هناك تنبؤ نظري باكتشافها؟
تم اكتشاف النشاط الإشعاعي بالصدفة.
- (4) ما هو النشاط الإشعاعي؟ كيف يمكن الكشف عن المادة مشعة؟
النشاط الإشعاعي هو تفتق طبيعى و غير مرئى ترقب لنواة مشعة. يتم الكشف عنها بواسطة صفائح فوتوغرافية.
- (5) ذكر أسمى النواعتين المشعتين اللتين تم التعرف عليهما إلى حدود 1898م.
النواعتين المشعتين اللتين تم التعرف عليهما إلى حدود 1898م هما نواة الأورانيوم ^{238}U و نواة الثوريوم ^{234}Th .
- (6) ذكر أنواع الإشعاعات النووية الواردة في النص و حدد طبيعتها.
الإشعاع α وهي عبارة عن نواة الهيليوم المتلين ^4He و الإشعاع β - و هي عبارة عن إلكترونات ^0e .
- (7) تحقق من انحفاظ كل من عدد الكتلة A و عدد الشحنة Z في معادلتى التحولين الواردين في النص.
نلاحظ انحفاظ في عدد الكتلة A و عدد الشحنة Z في معادلتى التحولين الواردين في النص.

2. خلاصة: أ. النشاط الإشعاعي:

النشاط الإشعاعي تحول نووي، يهم نواة الذرة، حيث تتحول خلاله نواة $\frac{A_1}{Z_1}X$ غير مستقرة (نواة مشعة أو نواة إشعاعية النشاط) إلى نواة متولدة $\frac{A_2}{Z_2}Y$ مستقرة أو في حالة إثارة أقل طاقة مع انبعاث دفقة $\frac{A_3}{Z_3}P$. فنعبر عن ذلك بمعادلة



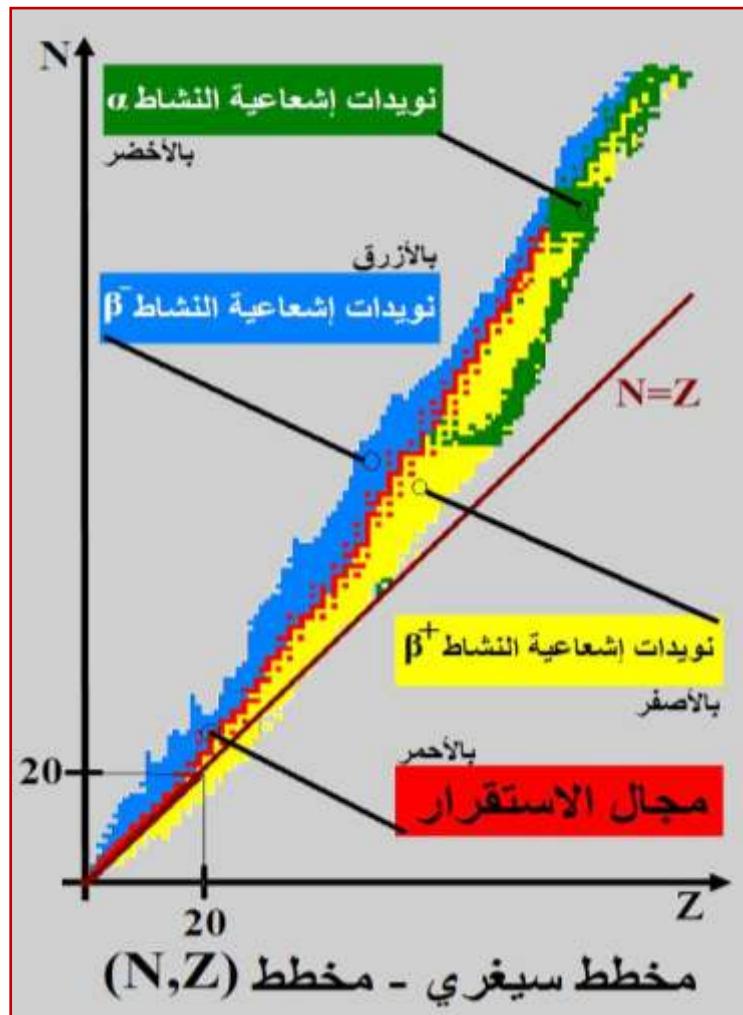
و من أهم خصائص النشاط الإشعاعي أنه:

- ♦ **عشوائي:** لا يمكن التنبؤ بلحظة تفتت نواة مشعة.
 - ♦ **تلقائي:** يحدث التفتت دون أي تدخل خارجي.
 - ♦ **حتمي:** النواة المشعة ستتفتت آجلاً أم عاجلاً.
 - ♦ **لا يتعلّق بالعوامل الخارجية:** لا يتعلّق مثلاً بالضغط أو الحرارة أو المجال الذي توجد فيه العينة المشعة.
 - ♦ **لا يتعلّق بالروابط الكيميائية:** لا علاقة له بالروابط الكيميائية التي تكونها الذرة التي تضم النواة المشعة كـ UF_6 .
- ب. قانون صودي أو قانون الانحفاظ:**

ينص **قانون صودي** (SODDY) على أنه خلال تحول نووي ينحفظ عدد الشحنة Z و عدد النويات A . فبالنسبة للتحول النووي التالي $\frac{A_1}{Z_1}X \rightarrow \frac{A_2}{Z_2}Y + \frac{A_3}{Z_3}P$ يكتب قانون صودي كما يلي:

- ♦ **انحفاظ عدد النويات A :** $A_1 = A_2 + A_3$
- ♦ **انحفاظ عدد الشحنة Z :** $Z_1 = Z_2 + Z_3$

3. مخطط سيفري أو مخطط (N,Z) :



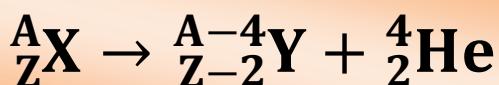
مخطط سيفري أو مخطط (N,Z) هو مخطط جامع لجميع النوبيات المعروفة، حيث توجد مخلفات نفس العنصر الكيميائي على نفس المستقيم الموازي لمحور الأراثيب (N) . كما أنه يميز لنا بين موقع النوبيات المستقرة و النوبيات المشعة، مثلاً كل نوبية بمربع صغير.

و يقسم مخطط سيفري كما يلي:

- ♦ **بالنسبة للنوبيات ذات $Z \leq 20$:** يحتوي هذا المجال على نوبيات مستقرة ممثلة باللون الأحمر. كما تسمى هذه المنطقة الاستقرار، تلتقي هذه الخيرة مع المستقيم ذي المعادلة $N=Z$ ، مما يدل على أن هذه النوبية تميز بـ عدد البروتونات Z مساوٍ لـ عدد النوترئونات N بمعنى أن $A=2Z=2N$.
- ♦ **بالنسبة للنوبيات ذات $Z > 20$:** تكون منطقة الاستقرار في هذا المجال فوق المنصف الأول ($N=Z$)، حيث عدد النوترئونات N أكبر من عدد البروتونات Z بالنسبة لكل نوبية، مما يفسر أن استقرار النوبية لا يمكن أن يحصل إلا إذا كان عدد النوترئونات أكبر من عدد البروتونات.

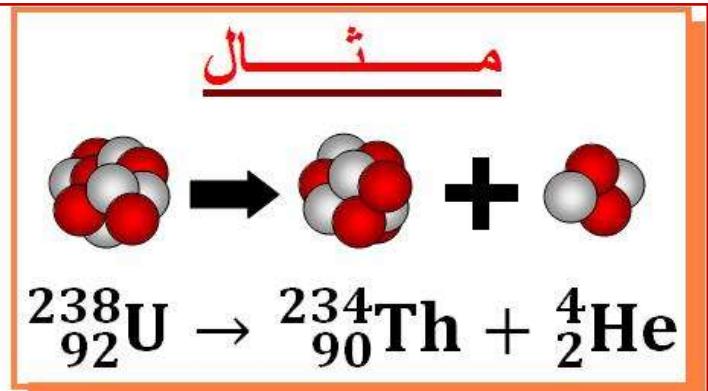
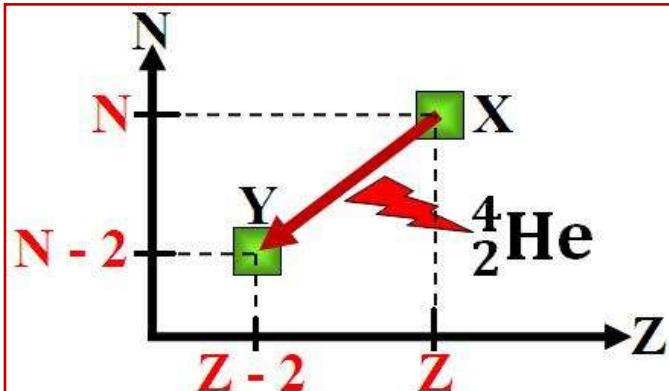
4. التحولات النووية التلقائية:

أ. النشاط الإشعاعي α :



النشاط الإشعاعي α تفتت طبيعي و تلقائي، تتحول خلاه نواة أصلية ${}_{Z}^{A}X$ إلى نواة متولدة ${}_{Z-2}^{A-4}Y$ أكثر استقراراً، مع انبعاث دقيقة نواة الهيليوم ${}_{2}^{4}\text{He}$. و تكتب معادلة هذا التحول النووي كما يلي:

يخص هذا النشاط الإشعاعي النويدات الثقيلة (ذات $A > 200$)، كما أن الأشعة α قليلة الاختراق حيث يمكن لورقة صغيرة أن توقفها، و نمثل هذا النشاط في مخطط سيفري كما يوضح الشكل أسفله.

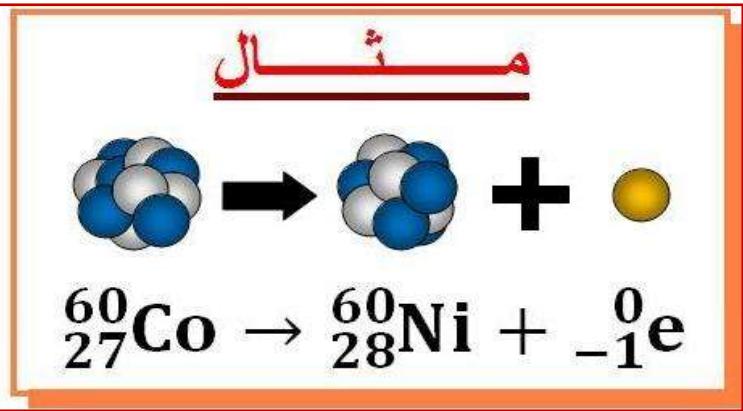
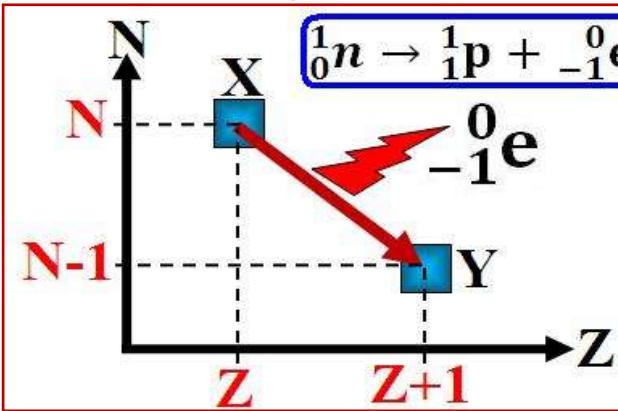


ب. النشاط الإشعاعي β^- :



النشاط الإشعاعي β^- تفتت طبيعي و تلقائي، تتحول خلاه نواة أصلية ${}_{Z}^{A}X$ إلى نواة متولدة ${}_{Z+1}^{A}Y$ أكثر استقراراً، مع انبعاث دقيقة و التي هي عبارة عن إلكترون ${}_{-1}^0\text{e}$. و تكتب معادلة هذا التحول النووي كما يلي:

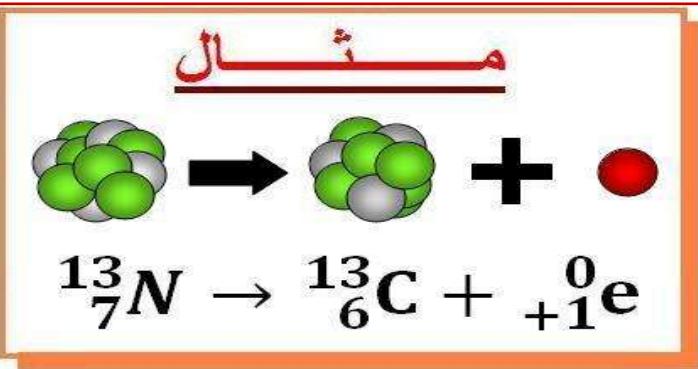
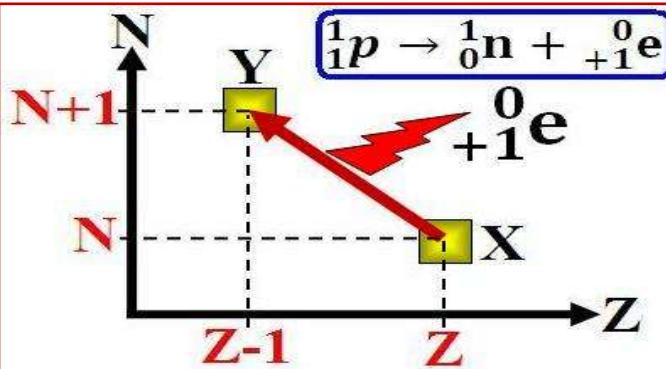
من خلال معادلة التحول النووي نلاحظ أن للنواة الأصلية و المتولدة نفس عدد النويات A رغم أنه قد إزداد بروتونا، و هذا يفسر بأن هذا النشاط الإشعاعي عبارة عن تحول نوترون إلى بروتون و ذلك حسب المعادلة الظاهراتية ${}_{0}^1n \rightarrow {}_{1}^1p + {}_{-1}^0\text{e}$. كما أنه تميز به النويدات ذات وفرة في النوترونات، و نمثله في مخطط سيفري كما يوضح الشكل أسفله.



ج. النشاط الإشعاعي β^+ :

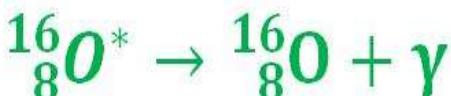
النشاط الإشعاعي β^+ تفتت طبيعي و تلقائي، تتحول خلاه نواة أصلية ${}_{Z-1}^{A}Y$ إلى نواة متولدة ${}_{Z}^{A}X$ أكثر استقراراً، مع انبعاث دقيقة و التي هي عبارة عن بوزيترون ${}_{+1}^0\text{e}$ ، الذي هو دققة لا تختلف عن الإلكترون إلا في إشارتها الكهربائية ($q_{(\text{pozitron})} = +e$)، و تكتب معادلة هذا التحول النووي كما يلي:

في هذا التحول النووي يكون للنواة المتولدة و النواة الأصلية نفس عدد النويات A ، غير أن عدد بروتوناتها أقل بوحدة، و عدد نوتروناتها أكثر بوحدة، و هذا يفسر بأن هذا التحول النووي ما هو إلا تحول بروتون إلى نوترون حسب المعادلة الظاهراتية أسفله. و نمثله في مخطط سيفري كما يوضح الشكل التالي.

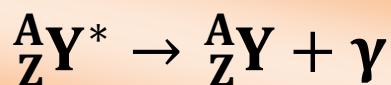


د. النشاط الإشعاعي:

مثال



يمكن للنواة المتولدة عن أحد التفتقنات α أو β^- أو β^+ في حالة طاقية أكبر من حالتها الأساسية المستقرة. نقول أن النواة المتولدة مثاررة ونرمز لها بالرمز ${}^A_ZY^*$. لفقد هذه النواة المثاررة إثاراتها تكتفي ببعث فائض من الطاقة على شكل موجات كهرومغناطيسية، طول موجتها صغير جدا ($\lambda < 1\text{pm}$). تكتب معادلة هذا الإشعاع على الشكل التالي:



5. الفصيلة المشعة:

في بعض الأحيان، تكون التويدة الناتجة عن التويدة الأصلية خلال نشاط إشعاعي غير مستقرة، فتفتت بدورها إلى نواة أخرى، وهكذا إلى أن نحصل في الأخير على تويدة مستقرة تنتهي لمجال الاستقرار في مخطط سينغر. ونسمي مجموعة التويدات الناتجة عن نفس التويدة الأصلية بالفصيلة المشعة. (انظر جانبه)

6. تطبيق 1:

الأسئلة

تحول نويدة الأورانيوم 238 ($^{238}_{92}\text{U}$) إلى نويدة الرصاص 206 ($^{206}_{82}\text{Pb}$)، على إثر سلسلة من التفتقنات التلقائية والمتالية من طراز α و β^- حسب المعادلة التالية: ${}^{238}_{92}\text{U} \rightarrow {}^{206}_{82}\text{Pb} + x. \alpha + y. \beta^-$

- (1) تعرف على الدقيقتين α و β^- .
- (2) باستعمال قانون صودي حدد x و y .

الأجوبة

(1) بالنسبة للنشاط الإشعاعي α الدقيقة المنبعثة هي نوادة الهيليوم ${}^4_2\text{He}$

بالنسبة للنشاط الإشعاعي β^- الدقيقة المنبعثة هي إلكترون $-^0_1e$

و منه تكتب العادلة كما يلي: ${}^{238}_{92}\text{U} \rightarrow {}^{206}_{82}\text{Pb} + x. {}^4_2\text{He} + y. -^0_1e$

(2) حسب قانون صودي:

احفاظ عدد الكتلة: $238 = 206 + 4x + 0y$ نحل المعادلة فنجد أن: $x = 8$.

احفاظ عدد الشحنة: $92 = 82 + 2x - y$ نحل المعادلة فنجد أن: $y = 6$.

و بالتالي تكتب المعادلة كما يلي: ${}^{238}_{92}\text{U} \rightarrow {}^{206}_{82}\text{Pb} + 8. {}^4_2\text{He} + 6. -^0_1e$

III. قانون التناقص الإشعاعي.

1. الصبغة العشوائية للنشاط الإشعاعي:

إن القياسات المتتالية لعدد النويات خلال مدة زمنية Δt ، تعطي نتائج مختلفة لا يمكن التنبؤ بها، إذن فالنشاط الإشعاعي ظاهرة عشوائية، إذ لا يمكن التنبؤ مسبقاً بلحظة تفتك النواة و لا حتى تغيير خاصيات و مميزات هذه الظاهرة.

إن الدراسة الإحصائية لهذه الظاهرة تمكن من التنبؤ بالتطور الزمني لعينة مشعة، حيث تخضع هذه العينة لقانون التناقص الإشعاعي. (رذرфорد و صودي سنة 1902م)

2. قانون التناقص الإشعاعي:

علاقات رياضية مهمة

$$f(x) = \exp(x) = e^x$$

دالة اللوغاريتم الأسية $f(x) = \exp(x) = e^x$

معرفة على المجال \mathbb{R} .

$$\exp(0) = e^0 = 1$$

$$e^{(a+b)} = e^a \cdot e^b$$

$$e^{-a} = \frac{1}{e^a}$$

$$\frac{e^a}{e^b} = e^{a-b}$$

$$(e^a)^b = e^{a \cdot b}$$

المشتقة: $(e^{f(x)})' = f'(x) \cdot e^{f(x)}$

$$\ln e^x = x \quad \text{و} \quad e^{\ln x} = x$$

$$f(x) = \ln(x)$$

دالة اللوغاريتم التبيرى $f(x) = \ln(x)$

معرفة على المجال $[0; +\infty)$.

$$\ln(1) = 0$$

$$\ln(a \cdot b) = \ln(a) + \ln(b)$$

$$\ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln(a) - \ln(b)$$

$$\ln\left(\frac{1}{a}\right) = -\ln(a)$$

$$\ln x^n = n \cdot \ln x$$

المشتقة: $(\ln(f(x)))' = \frac{f'(x)}{f(x)}$

$$x = \ln y \iff y = e^x$$

نعتبر عينة تحتوي على N_0 من النويات المشعة عند اللحظة $t=0$ ، وبما أن بعضها يتفتت مع مرور الزمن فإننا نعتبر $N(t)$ عدد النويات التي لم تتفتت (المشعة) عند اللحظة t وأن $dN(t)$ هو عدد النويات المتبقية في العينة عند اللحظة t مع $dN < 0$ لأن $dN(t) < 0$ لأن $dN(t) = N(t) - (N(t) + dN)$ هو $t + dt$ يتفاصل. إذن عدد النوى المتفتتة بين اللحظتين t و $t + dt$ هو:

$$N(t) - (N(t) + dN) = -dN$$

وقد أكدت التجارب أن $-dN/dt$ يتناسب مع $N(t)$ أي أن: $-dN/dt = \lambda \cdot N(t)$. و منه نحصل على المعادلة التقاضلية من الدرجة الأولى التالية: $dN/N = \lambda \cdot dt$ و التي يكتب حلها كما يلي: $N(t) = k \cdot e^{-\lambda t}$ (1).

تحدد الثابت k بالاعتماد على الشروط البدئية بحيث عند اللحظة $t=0$ لدينا: $N(t=0) = N_0$ وبالتعويض في المعادلة (1) نجد: $N(t=0) = k \cdot e^{-\lambda \cdot 0} = k = N_0$ و منه نحصل على قانون التناقص الإشعاعي الذي نعبر عنه بالعلاقة التالية:

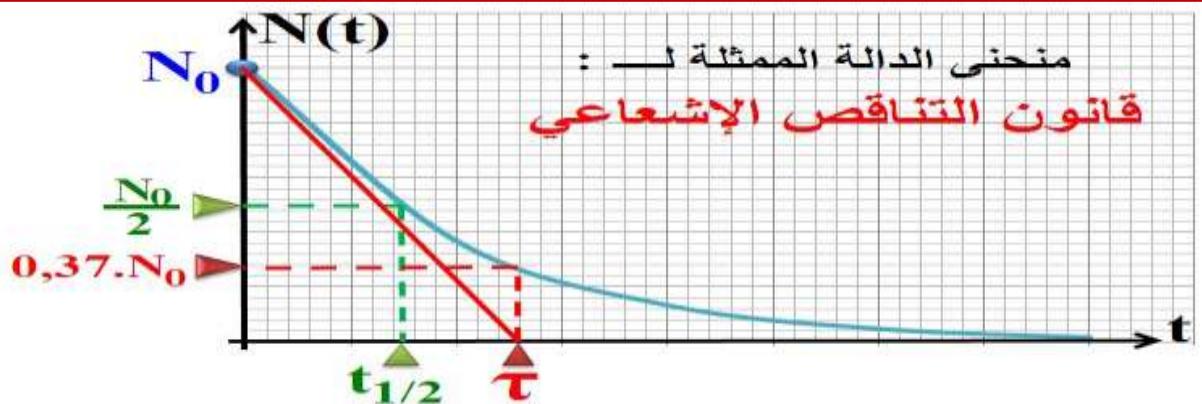
$$N(t) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

مع:

N_0 عدد النويات غير المتفتتة (المشعة) عند اللحظة $t=0$.

λ تسمى الثابتة الإشعاعية أو ثابتة التفتت وهي ثابتة تميز النوية و لا تتعلق بالشروط البدئية، و حدتها هي (s^{-1}) .

منحنى الدالة الممثلة لـ :
قانون التناقص الإشعاعي



3. ثابتة الزمن لعينة مشعة:

$$\tau = \frac{1}{\lambda}$$

تمكن ثابتة التفتت λ من التعرف على زمن مميز يخص النويدة المشعة المدروية، يسمى **ثابتة الزمن**، يرمز لها بالرمز τ ، ووحدتها الثانية (s) وتعرف بالعلاقة التالية:

فيصبح قانون التناقص الإشعاعي يكتب كما يلي: $N(t) = N_0 \times e^{-\frac{t}{\tau}}$

عند اللحظة $t = \tau$ تأخذ $N(t)$ القيمة: $N(\tau) = N_0 \cdot e^{-1} = 0,37 \cdot N_0$ و هذا معناه نقصانا في عدد النويدات المشعة البديلة N_0 بنسبة 63%.

و تمثل τ نقطة تقاطع المماس للمنحنى عند اللحظة $t = 0$ مع محور الأفاسيل. (أنظر منحنى الشكل السابق)

4. عمر النصف لعينة مشعة:

عمر النصف $t_{1/2}$ المدة الزمنية اللازمة لتفتت نصف عدد نوى العينة عند اللحظة $t = t_{1/2}$ ، بحيث:

$$(1) N(t_{1/2}) = \frac{N_0}{2}$$

$$(2) N(t_{1/2}) = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t_{1/2}}$$

و بالتساوي بين العلاقات (1) و (2) :

$$\lambda \cdot t_{1/2} = \ln 2 \quad \text{يعني أن: } \frac{1}{2} = e^{-\lambda \cdot t_{1/2}}$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \tau \cdot \ln 2$$

و منه عمر النصف لنويدة مشعة يعرف بالعلاقة التالية:

(أنظر منحنى الشكل السابق)

5. نشاط عينة مشعة:

نشاط عينة $a(t)$ تحتوي على عدد $N(t)$ من النوى المشعة هو عدد النويدات المتفتتة في وحدة الزمن، و يعبر عنه بالعلاقة: $a(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = \lambda \cdot N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t} = \lambda \cdot N(t)$ نشاط عينة مشعة عند اللحظة $(t=0)$ نجد:

$$a(t) = a_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$$

ملاحظات:

- من خلال العلاقة نستنتج أن منحنى $a(t)$ عبارة عن دالة أسيّة تناصصية.
- وحدة $a(t)$ هي **البيكريل becquerel** و نرمز لها بالرمز (Bq)، حيث كل 1Bq يمثل تفتتا واحدا في الثانية.
- هناك أجهزة عدة لقياس النشاط الإشعاعي ذكر منها: عداد جير - عداد جير مولر - عداد بالإيماس ...

6. تطبيق 2:

الأسئلة

- نويدة اليود 131 ($^{131}_{53}\text{I}$) إشعاعية النشاط β ، عمر نصفها $t_{1/2} = 8\text{ jours}$. خلال فحص طبي ابتلع مريض كمية من اليود 131 كتلتها $1\mu\text{g}$.
- (1) أكتب معادلة تفتت اليود 131 عندما ان النواة المتولدة هي كزينون Xe .
 - (2) أعط قانون التناقص الإشعاعي الذي تحققه الكتلة m .

- (3) أحسب كتلة اليود 131 المتبقية في جسم هذا الشخص بعد 30 يوما من الابتلاع.
 (4) أحسب المدة الزمنية اللازمة لكي تبقى في الجسم النسبة 1% من كتلة اليود 131 المتبقية.

الأجوبة

(1) اليود 131 إشعاعي النشاط - β - أي أن معادلة التفتت هي: $^{131}_{53}\text{I} \rightarrow ^{A}_{Z}\text{Xe} + ^0_{-1}\text{e}$
 نحدد a و z و ذلك حسب قانون صودي:

احفاظ عدد الكتلة: $0 = a + z$ نحل المعادلة فنجد أن: $a = 131 - z$

احفاظ عدد الشحنة: $(-1) = z - a$ نحل المعادلة فنجد أن: $z = 54$

و بالتالي تكتب معادلة التفتت كما يلي: $^{131}_{53}\text{I} \rightarrow ^{131}_{54}\text{Xe} + ^0_{-1}\text{e}$

(2) لدينا قانون التناقص الإشعاعي هو: $N = N_A \times \frac{m}{M} = N_A \times \frac{m}{N_A e^{-\lambda t}} = \frac{m}{N_A e^{-\lambda t}}$ أي أن: $N = N_A \times \frac{m}{M}$ و نعلم أن: $n(t) = n_0 e^{-\lambda t}$ نعرض في

العلاقة السابقة فنجد: $N_A \times \frac{m(t)}{M} = N_A \times \frac{m_0}{M} e^{-\lambda t}$ ومنه قانون التناقص الإشعاعي الذي تحققه الكتلة

$m(t) = m_0 e^{-\lambda t}$

(3) كتلة اليود 131 المتبقية في جسم هذا الشخص بعد 30 يوما من الابتلاع:

لدينا: $m(30) = 1 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{8} \times 30}$ أي $m(t) = m_0 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$ $m(30)$ تعبر عددي: $m(30) = 7,4 \cdot 10^{-2} \mu\text{g}$ أي أن:

(4) الزمنية اللازمة لكي تبقى في الجسم النسبة 1% من كتلة اليود 131 المتبقية:

لدينا: $t' = \frac{\ln 100}{\ln 2} \times t_{1/2} = \frac{1}{100} \times t_{1/2} = m_0 \cdot e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t'}$ أي $m(t') = m(1\%) = m_0 e^{-\lambda t'}$ و منه:

وبالتطبيق العددي نجد: $t' = 53,150 \text{ j} = 53j 03h 36\text{min}$

IV. التاريخ بالنطاط الإشعاعي.

1. مبدأ التاريخ:

يعتمد الجيولوجيون و علماء الآثار على عدة تقنيات مختلفة تمكنهم من تحديد أعمار الحفريات و الصخور والمومياء... و من بين هذه التقنيات نجد تلك التي تعتمد على النشاط الإشعاعي. فالصخور و الحفريات ... تحتوي على نويدات مشعة يتراقص عددها مع مرور الزمن. و بذلك يمكن تاريخ عينة بقياس نشاطها الإشعاعي و مقارنته مع نشاط عينة أخرى مرجعية. كما أنه كلما كان عمر العينة المراد تأريخها كبيرا وجب استعمال طريقة تعتمد على نويدات ذات عمر نصف كبير.

2. التاريخ بالكربون 14:

تبادل الكائنات الحية الكربون مع الجو و مع المركبات العضوية.

يتتوفر عنصر الكربون أساسا على نظيرين هما الكربون 12، و هو نويدة مستقرة، و كذلك الكربون 14، وهو إشعاعي النشاط - β ، حيث أن هذا الأخير موجود بكمية ضئيلة بسبب ضعف وفارته الطبيعية 0,0001% حيث يوجد في أي تركيب كيماوي بهذه النسبة من الوفاة.

يتكون هذا العنصر ذو $t_{1/2} = 5600 \text{ ans}$ نتيجة تفاعل نوى الأزوت مع نوترونات الأشعة الكونية حسب المعادلة النووية التالية:

إن هذه النسبة توجد في كل الكائنات الحية، و عند موتها تتناقص هذه النسبة أسيّا نتيجة تفتت نويدة الكربون 14 و عدم تعويضها، و ذلك وفق معادلة التفتت التالية:

و بالاستعانة بالعلاقة السابقة: $a(t) = a_0 \cdot e^{-\lambda t}$ يمكن تحديد عمر عينة بالعلاقة التالية.

$$t = -\frac{1}{\lambda} \times \ln\left(\frac{a(t)}{a_0}\right) = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \times \ln\left(\frac{a_0}{a(t)}\right)$$

حيث $a(t)$ نشاط العينة المراد تأريخها عند اللحظة t ، و a_0 نشاط العينة المرجعية.

3. التأريخ بطرق أخرى:

لتاريخ عينات قديمة جدا كالصخور، يستعمل على سبيل المثال الأورانيوم 238 الذي عمر نصفه $4.4 \cdot 10^9$ سنة.

قد مكن استعمال التأريخ بالأورانيوم 238 من تقدير عمر الأرض و الذي يقدر بحوالي 4.55 مليار سنة.